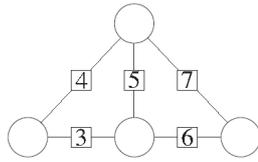


¼ de finales Individuels 2018

DEBUT TOUTES CATEGORIES

1 – QUATRES NOMBRES À PLACER (coefficient 1)

Placez les nombres 1, 2, 3 et 4 dans les disques de telle sorte que chaque nombre écrit dans un petit carré soit égal au total des deux nombres auxquels il est relié par un trait.



2 – LES CARRÉS (coefficient 2)

Le jeune Mathis : « Il y a 18 carrés dans cette figure ». Sa sœur Mathilde : « Oui, si tu ne comptes que les petits carrés, mais il y a aussi des carrés moyens et des grands carrés ! ».



Au total, combien la figure compte-t-elle de carrés entièrement dessinés ?

3 - À LA MATERNELLE (coefficient 3)

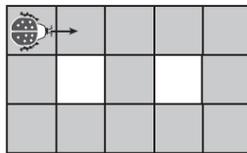
La maîtresse a distribué à chaque enfant d'un groupe une feuille avec ces trois symboles et trois feutres de trois couleurs différentes (un bleu, un rouge et un jaune). Elle leur donne la consigne de colorier l'intérieur de chaque symbole avec une couleur de façon que deux symboles d'une même feuille ne soient jamais de la même couleur. Les enfants se sont appliqués et ont respecté la consigne. Seuls deux enfants du groupe ont des dessins identiques, les autres étant tous différents.



Combien le groupe compte-t-il d'enfants, au maximum ?

4 - LA COCCINELLE (coefficient 4)

Une coccinelle se déplace horizontalement ou verticalement sur les treize cases grisées d'un circuit. Le premier déplacement se fait dans le sens de la flèche. Elle se déplace d'une case par seconde et quand elle a le choix, elle peut aller d'un côté ou de l'autre, mais elle ne revient jamais en arrière.



Marquez d'une croix toutes les cases sur lesquelles elle peut se trouver après exactement 11 secondes.

5 - L'ANNIVERSAIRE (coefficient 5)

« Avant-hier je n'avais pas encore soufflé les 9 bougies de mon gâteau d'anniversaire, mais à la fin de l'année, j'aurai déjà 10 ans » dit le jeune Mathis.

Quel jour de l'année Mathis fête-t-il son anniversaire ?

FIN CE

6 - SUITE (coefficient 6)

Le premier terme d'une suite est 718. Chaque terme suivant est égal à la somme des chiffres du terme précédent multipliée par 13.

Quel est le 2018e terme de cette suite ?

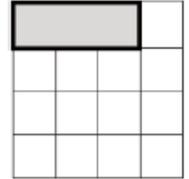
7 - LE LIVRE DE MATHILDE (coefficient 7)

Mathilde a reçu pour son anniversaire un livre ayant 225 pages qui compte trois chapitres. La somme des chiffres des numéros des deux premières pages du deuxième chapitre est égale à 18. Par un curieux hasard, la somme des chiffres des numéros de deux dernières pages de ce même deuxième chapitre (qui compte plus de 2 pages) est aussi égale à 18.

Quel est le nombre des pages du 2e chapitre de ce livre ?

8 - LES TRIMINOS (coefficient 8)

Un trimino est un assemblage de trois petits carrés. On pose des triminos rectangulaires sur une grille carrée de 4 cases sur 4 (voir la figure où un premier trimino est posé). Chaque trimino doit recouvrir exactement trois carrés de la grille dont au moins un carré vide. Il peut donc éventuellement recouvrir d'une case ou de deux cases un trimino déjà posé. En comptant le trimino déjà posé, combien de triminos rectangulaires peut-on poser, au maximum, en respectant la règle ?



FIN CM

Problèmes 9 à 18 : Attention ! Pour qu'un problème soit complètement résolu, vous devez donner le nombre de ses solutions, et donner la solution s'il n'en a qu'une, ou deux solutions s'il en a plus d'une. Pour tous les problèmes susceptibles d'avoir plusieurs solutions, l'emplacement a été prévu pour écrire deux solutions (mais il se peut qu'il n'y en ait qu'une !).

9 - LE CLUB DE BASKET (coefficient 9)

Dans ce club de basket, il y avait exactement 40 % de garçons. Six nouveaux garçons se sont inscrits et il y a maintenant autant de garçons que de filles.

Combien ce club compte-t-il maintenant d'inscrits (filles et garçons) ?

10 - LOTERIE (coefficient 10)

Dans une loterie, on a vendu 10 000 billets numérotés de 0000 à 9999. Le tirage au sort se fait de la manière suivante :

- on tire au sort un nombre à trois chiffres ;
- tous les billets dont le numéro contient tous les chiffres du nombre tiré sont gagnants

On a tiré au sort le nombre 116. Les billets gagnants seront donc tous les billets contenant au moins deux 1 et au moins un 6 et seulement ceux-là.

Combien y aura-t-il de billets gagnants ?

11 - LE BATEAU (coefficient 11)

Un bateau navigue à vitesse constante. Après avoir effectué la moitié de son trajet, il a augmenté sa vitesse de 25% en raison de la menace d'une tempête. Il est alors arrivé au port une demi-heure plus tôt que prévu.

Combien de temps ce bateau a navigué ?

On donnera la réponse en heures et minutes, éventuellement arrondie à la minute la plus proche

FIN C1

12 - COURSE AUTOMOBILE (coefficient 12)

Deux automobilistes sont partis simultanément l'un d'Arithméville vers Géocity et l'autre de Géocity vers Arithméville, ces deux villes étant éloignées de 200 km. Ils ont roulé à des vitesses constantes différentes s'exprimant par des nombres entiers de km/h dont la différence est un multiple de 7. Après deux heures de déplacement la distance entre la voiture la plus rapide et Géocity était cinq fois plus petite que celle entre la voiture la plus lente et Arithméville.

Quelle est la vitesse de la voiture la plus rapide ?

On donnera la réponse en km/h.

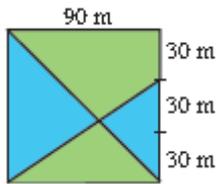
13 - UN MULTIPLE SINGULIER (coefficient 13)

Quel est le plus petit multiple de 2018 dont l'écriture décimale commence par 1111... ?

Répondez 0 si vous pensez qu'un tel multiple n'existe pas.

14 - LE PETIT BOIS (coefficient 14)

Le petit bois derrière chez moi est un carré de 90 m de côté. Deux allées le traversent : l'une selon une diagonale du carré, l'autre joignant un sommet à un point situé aux $\frac{2}{3}$ d'un côté, comme l'indique la figure. Ces deux allées partagent le bois en quatre parcelles.



Ces deux allées partagent le bois en quatre parcelles.

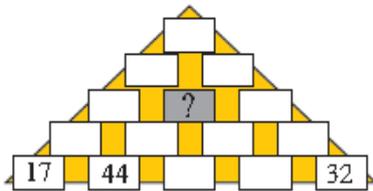
Quelle est l'aire de la plus grande de ces quatre parcelles ?

On donnera la réponse en mètres carrés et on arrondira éventuellement au m^2 le plus proche.

FIN C2

15 – LA PYRAMIDE DE MICK ERINOS (coefficient 15)

Dans la pyramide de Mick Erinos, chaque brique contient un nombre entier positif et, à partir du premier étage, un nombre égal à la somme des deux nombres inscrits dans les briques sur lesquelles elle est posée. La somme de tous les nombres inscrits dans la pyramide vaut 2018.



Quel est le nombre écrit dans la brique grise ?

16 – LE TERRAIN DU PÈRE FIDE (coefficient 16)

Le père Fide possède un terrain quadrilatéral. Ce terrain possède deux côtés perpendiculaires de 100 mètres de long, deux angles opposés droits et deux autres angles dont l'un mesure le double de l'autre.

Quelle est l'aire du terrain du Père Fide ?

On donnera la réponse en mètres carrés et on arrondira éventuellement au m^2 le plus proche.

FIN L1 GP

17 – SUCCESEUR ET DOUBLE (coefficient 17)

Le nombre 2018 est le double d'un nombre premier, 1009, et le successeur d'un autre nombre premier, 2017.

Quelle sera la prochaine année dont le numéro sera à la fois double et successeur d'un nombre premier ?

18 – SOMME DES CUBES (coefficient 18)

Mathias adore jouer avec les nombres. Il choisit un premier nombre, calcule la somme des cubes de ses chiffres et écrit le résultat qui sera son deuxième nombre. Il recommence ensuite avec ce deuxième nombre, puis recommence encore et encore jusqu'à ce qu'il tombe sur un nombre déjà écrit.

Ainsi, s'il part de 1012, il écrit : 1012 ; 10 ; 1 ; 1 et il s'arrête.

Quel est le plus petit nombre supérieur à 2018 qui lui permettra de s'arrêter sur le nombre 1 ?

FIN L2 HC

